第3回 COE一市民講座

### スピンの目で見る超低温のミクロの世界

MRI顕微鏡の開発とスピンの目で見る磁気的構造 古典的世界(室温)から量子的世界(超低温)へ

> 京都大学 大学院理学研究科 低温物質科学研究センター 水崎 隆雄

### 目次

### §1 古典力学と量子力学

§2 量子液体ヘリウムと超流動 (絶対零度でも凍らないヘリウム)

§3 絶対零度を目指して

§4 磁気共鳴とMRI顕微鏡について

§5 超低温で見える量子の世界

## §1 古典力学から量子力学へ

量子力学 1920年代 シュレディンガー、ハイゼンベルグ

### 粒子の波動性



粒子性:

電子(質量=9.1093897 x 10-31 kg,

電荷=1.60217733 x 10<sup>-19</sup> C)

電子を1個、1個、独立に 入射してみましょう。

(日立/外村)

電子ビームの干渉パターン



## ド・ブロイの物質波 (電子の波長は)



h D

# h:プランク定数 = $6.6 \times 10^{-34} J \cdot \text{sec}$

(量子力学の世界の定数)

$$P:$$
運動量( $\sqrt{2meV}$ )

 $P^{2}/2m = eV$ , V:加速電圧

(ド・ブロイ/1929 年 ノーベル賞 / 電子の波動性の発見)

不確定原理(ハイゼンベルグ) 

$$\leftarrow \Delta X \rightarrow$$
 量子力学(波動性)  
 $\psi(X) \propto \cos\left(\frac{2\pi X}{\Delta X}\right)$   
 $\Delta P = \frac{h}{\lambda}\Big|_{\lambda = \Delta X} = \frac{h}{\Delta X}$ (ド・ブロイ波長の式より)

 $\Delta P \cdot \Delta X = h$  (ハイゼンベルグの不確定原理)

### • 量子化 (とり得る状態がとびとびになる)



輪の上を伝わる波 (波長は輪の長さの整数分の1 でなければならない)  $\lambda_n = \frac{L}{n} , \qquad (P = \frac{h}{\lambda}) \quad (F\cdot \neg \neg \neg \neg \chi E)$  $P_n = \frac{n \cdot h}{L} , \qquad n = 0, \pm 1, \pm 2 \cdots$ 



箱の中の粒子

 $E_{n} = \frac{1}{2}mv^{2} = \frac{P^{2}}{2m} , \quad (P = mv)$ (周期条件)  $h^{2}$ 

$$=\frac{h^2}{2mL^2}(n)^2$$

同じ種類の(区別出来ない)粒子が多数個の系 2個の粒子の場合を考える

$$\psi(X_1, X_2) = P \cdot \psi(X_2, X_1)$$
$$= P \cdot P \psi(X_1, X_2)$$
$$= P^2 \psi(X_1, X_2)$$
$$P^2 = 1, \quad P = \pm 1$$

フェルミ粒子  $\psi(X_1, X_2) = -\psi(X_2, X_1)$   $\psi(X_1, X_2) = \psi(X_2, X_1)$  $\psi(X_1, X_2) = \psi(X_2, X_1)$ 

(この世の中には2種類しかない)

### 同じ種類の2個の粒子の衝突



フェルミ粒子の場合  $\psi_F(1,2) = -\psi_F(2,1)$  $= \frac{1}{\sqrt{2}} \{ \psi_a(1)\psi_b(2) - \psi_a(2)\psi_b(1) \}$  ボーズ粒子の場合  $\psi_B(1,2) = \psi_B(2,1)$  $= \frac{1}{\sqrt{2}} \{ \psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_a(2)\psi_b(1) \}$ 

### 今、同じ状態(a = b)に粒子 1 と粒子 2 が 同時に存在 するとすると、



まとめ 粒子は波である(量子力学)

1)不確定性原理-位置と運動量を同時に指定出来ない

2) エネルギー(運動量) はとびとびの値しか取れない

3) 量子統計 ボース粒子 → 同じエネルギーの状態に何個でも入れる フェルミ粒子 → 同じエネルギーの状態には 1個しか入れない



「箱の中には N 個の同じ粒子がある」

- 箱の中に一様に分布(粒子の波動性)
- エネルギー(運動量)がとびとびの値
- 量子統計 <u>ボ</u>-

ボース粒子のBose-Einstein凝縮(BEC)



### He は T = 0 Kでも液体である(固体にならない)



#### **2-2. He はなぜ絶対零度**(*T*=0K)で液体なのか?

原子(分子)の間に働く力(相互作用)



全ての物質は低温で固体になる (Heは例外)

(古典力学) 🛑 (粒子は衝突しない)



 ${\cal E}$ 

$\frac{\varepsilon}{2} \sim 1 \leftarrow Herrouse$				
E <sub>0</sub> (量子力学の効果)	$E_0$ ゼロ点エネルギー)ー 量子力学			
	$H$ の場合は $\int \mathcal{E}  $ が小さい(希ガス)			
$\frac{\varepsilon}{E_0} >> 1 \leftarrow 普通の固体$	${n}$ が小さい			
	● 量子液体(ゼロ点エネルギーで融けている)			



Heは(固化しない) 絶対零度でも液体 <=> 量子効果で融解

4He はT = 0 K まで液体である

### **2-3**. 低温の液体一超流動<sup>4</sup>He

#### T=0K で液体

### 量子統計の脅威

超流動<sup>4</sup>Heの実験

Bose-Einstein凝縮(BEC)

1) T < 2.17 K で粘性がなくなる





非常に細い配管

$$\Delta P = P_1 - P_2 = 0$$
  
(圧力差なしに流れる)



- T> 2.17 K まったく流れない
- T < 2.17 K</li>一気に流れ出る

### 2) フィルム流の観測



#### 薄い膜を通じて He がビーカーの外に流れ出てしまう。(粘性がない)





温度差をつけると超流動が温度の高い方に 流れ込み、勢いあまって上から噴出す

### 2-4. 超流動はなぜ起こる?

 $N(\sim 10^{23})$  個の  ${}^{4}$  Het ース粒子)



#### **超流動とマクロ(巨視的)スケールでの量子化** 超流動(T=0で考える)

ボース凝縮が完全に起こっている N<sub>0</sub> = N 全部の粒子がエネルギーの最も 低い状態に落ち込んでいる



超流動を図のように流す (回転させる)

巨視的なスケールでの波動関数  
$$\varphi = A e^{i\vec{P}\cdot\vec{r}/\hbar}$$



<mark>巨大な原子のような状態</mark> (原子核のまわりを回る電子のようなもの)

$$P = \frac{h}{L} \cdot n = mv_S \quad , \qquad (\lambda = L/n, \qquad L = 2\pi r)$$

運動量の量子化

$$v_{S} = \left(\frac{h}{m}\right) \cdot \frac{1}{2\pi r} \cdot n \quad (n = 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots)$$

vs (r) vs (r) n=3 n=1 n=0r r· 巨視的な系でもこのような流れ方しかできない (量子化) n'=n-1にはなかなか行けない · ひとたび流れ出すと全部の粒子が揃って流れる (超流動)



Yarmuchuk et al. PRL(1978)

### 2-6. <sup>4</sup>He 以外の超流動

(液体ヘリウムは特殊な例ではありません)

金属中の電子(フェルミ粒子の気体) 電子対(クーパー対) (ボース粒子) — 超伝導 BCS理論(1972年 ノーベル賞) 高温超伝導体(1987年 ノーベル賞) 液体 <sup>3</sup>Hマェルミ液体)  $^{3}He$  がクーパー対を作る (電子対と同じ)  $\bigcup \quad T_C \cong 1mK$ 超流動<sup>3</sup>He(1996年 ノーベル賞) 理論(2003年 ノーベル賞) アルカリ原子の気体をレーザー冷却(1997年ノーベル賞) BEC(2001年ノーベル賞) フェルミ原子が対を作って超流動(2004年) 中性子星

中性子(フェルミ粒子)が対を作る 💴 超流動星



(注) 真空中では電子間にはクーロンカ(反発力)が働く





京都大学 高橋グループ <sup>87</sup>RbのBEC (密度 対 運度量)



MIT-Ketterleグループ

種々の量子凝縮系を回転させた時
 に出来るの量子渦
 上から<sup>21</sup>Na(ボース粒子)、

<sup>6</sup>Li-<sup>6</sup>Li分子、<sup>6</sup>Li-クーパー対

### §3 絶対零度を目指して ヘリウムの液化 カマリン・オンネス (オランダ) 1908 年 $^{4}He$ (4.2 K) 「水銀の抵抗の温度変化」 ポンプで引いて ~ 1 K 達成 「 T=0 でも He は液体」 抵 抗 温度 4 K <sup>4</sup>Heの液化 超伝導の発見 1913 年 ノーベル賞 – 低温物理の幕開け 図24 ヘリウム液化機の前のファン・デル・ワール $(4.2 \text{ K} \sim 1 \text{K})$ ス(右)とカマリン・オンネス(左) (1911年) 1910年 ノーベル賞 ファン・デル・ワールス 引用 http://th.physik.uni-frankfurt.de/~jr/gif/phys/waalsonnes.jpg

### 日本最大のヘリウム液化機(吉田キャンパス)

#### (液化量 270 リットル/時)



京大のヘリウム液化機 吉田、宇治、桂キャンパス(H17年度建設中)





#### 人類はどこまで絶対零度に近づいたか

### §4. 極低温下の磁気共鳴映像法(MRI) 顕微鏡の開発



#### The Nobel Prize in Physiology or Medicine 2003

"for their discoveries concerning magnetic resonance imaging"



Paul C. Lauterbur



#### MRIの発見 / 2003年 ノーベル医学・生理学賞



出所 http://www.nobelprize.org/nobel\_prizes/medicine/laureates/2003/illpres/index.html

- 出所 http://www.nobelprize.org/nobel\_prizes/medicine/ laureates/2003/lauterbur-bio.html
- 出所 http://www.nobelprize.org/nobel\_prizes/medicine/ laureates/2003/mansfield-bio.html

NMRとMRIの原理

### 核磁気共鳴 (NMR)

#### 原子核スピン

核磁気モーメント

$$\vec{\mu} = \hbar \gamma \vec{I}$$

$$\frac{dM}{dt} = \gamma \left( \vec{M} \times \vec{H}_0 \right)$$



磁化

 $M \propto \mu$ 

 $\omega_L = \gamma H_0$ 

核磁気共鳴周波数

γ:磁気回転比(核種によって決まる) γ(H) =42.6 MHz/T γ(<sup>3</sup>He) =32.4 MHz/T



### 磁気共鳴映像法 (Magnetic Resonance Imaging)の原理





## 2次元MRIの方法(画像の作り方)



### 京都大学 超低温MRI顕微鏡









### §5 超低温で見える量子の世界





相分離界面の画像化

接触角度の温度依存性



### 5-2. 縦磁化の回復の様子 (T<sub>1</sub> 加重 MRI)





### 核スピン I = 1/2 (r, I)

液体<sup>3</sup>He を加圧すると固体になる:それでも波が重なる





(a)の方がエネルギー低い
 ↓ 量子力学的力
 スピンは(‡ ‡)

### 核整列固体<sup>3</sup>Heの磁区の構造

*超低温 T* < 1 mK



### 3個の磁区から出来ている単結晶固体<sup>3</sup>HeのMRI写真







### ISSP回転超低温冷凍機(世界最速回転)





### 核断熱消磁ステージ 銅の有効モル数=23mol

最低温度 : 300µK under 1 rot/sec

High Speed Rotation (1 rot/sec) + MRIの画像技術

(1) 量子渦の格子(異方的超流動 <sup>3</sup>He)

 $y/x = \sqrt{\rho_{s//}/\rho_{s\perp}} = \sqrt{2}$ 

40 % deformation





(2) 量子渦の構造

(3) 量子渦の運動



#### 古典力学(マクロの法則)と量子力学(ミクロの法則)

 $\Delta P \cdot \Delta X = h$ (ハイゼンベルグの不確定原理) h:プランク定数 =  $6.6 \times 10^{-34} J \cdot \text{sec}$ 

**古典力学** (*X*, *P*)=(*X*, *mv*) を同時に指定

量子力学 不確定性でどこまで  $(X, v \Sigma 同時に指定してよいか?$ 例1 M = 1 Kg (石ころ)、 $\Delta X = 1 \mu m$  $\Delta P = 10^{-27} Kg m/sec$   $\longrightarrow \Delta v = 10^{-27} m/sec$ 例2  $M = 10^{-30} Kg$  (電子)  $\begin{cases} \Delta X = 1 \mu m$ 、  $\Delta P = 10^{-27} Kg m/sec$   $\implies \Delta v = 10^3 m/sec$  $\Delta X = 1 nm$ 、  $\Delta P = 10^{-24} Kg m/sec$   $\implies \Delta v = 10^6 m/sec$ (原子の大きさ)

#### 量子力学は原子等のミクロな世界の法則





1001	WORK VIDORE
1901	W.C. Köntgen X線の発見
1902	H. A. Lorentz, P. Zeeman 放 射に対する磁場の影響の研究
1903	H. A. Becquerel 放射能の発見 P. Curie, M. Curie 放射能の 研究
1904	Lord Rayleigh 気体の密度に 関する研究とアルゴンの発見
1905	P.E.A. Lenard 陰極線の研究
1906	J.J. Thomson 気体の電気伝導 に関する理論的および実験的 研究
1907	A. A. Michelson 干渉計の考案 とそれによる分光学およびメ ートル原程に関する研究
1908	G. Lippmann 光の干渉を利用 した天然色写真の研究
1909	G. Marconi, K. F. Braun 無線 電信の開発に対する貢献
1910	J.D. van der Waals 気体およ び液体の状態方程式に関する 研究
1911	W.Wien 熱放射に関する法則 の発見
1912	N.G.Dalén 灯台用ガスアキュ ムレーターの自動調節機の発 明
1913	H. Kamerlingh Onnes 液体へ リウムの製造に関連する低温 現象の研究
1914	M. Yon Laue 結晶によるX線 同応現象の双目
1915	回初況家の光光 W.H.Bragg, W.L.Bragg X 線による結晶構造解析に関す る研究
1916	なし
917	C.G.Barkla 元素の特性X線 の発見
1918	M. Planck 量子論による物理 学進歩への貢献
919	J Stark 陽極線のドップラー 効果およびシュタルク効果の 発目
1920	C.E.Guillaume アンバーの発 見とそれによる精密測定の開 琴

年	物理学賞	t				
1955	P. Kusch 電子の磁気モーメン トに関する研究 W. E. Lamb 水素スペクトルの					
1956	<ul> <li>(試型構造に関する発見</li> <li>W. Shockley, J. Bardeen, W.</li> <li>H. Brattain 半導体の研究 とトランジスター効果の発見</li> </ul>					
1957	TD. Lee, CN. Yang パリテ ィの非保存についての研究					
1958	P. A. Cherenkov, I. E. Tamm, I. M. Frank チェレンコフ効 果の発見とその解釈					
1959	E. Segré, O. Chamberlain 反 陽子の発見					
1960	D. A. Glaser 泡箱の発明					
1961	<ul> <li>R. Hofstadter 線形加速 よる高エネルギー電子散 研究と核子の構造に関す 見</li> </ul>	器に乱の発				
	R. Mössbauer r線の共鳴 に関する研究とメスパウ 効果の発見	<b>吸収</b> アー				
1962	L.D.Landau 凝集状態の とくに液体ヘリウムの理 研究	物質論的				
1963	E. P. Wigner 原子核と素 の理論における対称性の と応用	粒子 発見				
964	M. G. Mayer, J. H. D. Jensen 原子核の熱情造に関する研究 C. H. Townes, N. G. Basov, A. M. Prokhorov メーザー,レ ーザーの発明および量子エレ					
965	クトロニクスの基礎的研究 朝永振一郎, J. Schwinger, R. P. Feynman 量子電磁力学 の分野における基礎的研究					
966	<ul> <li>A. Kastler) 原子内のヘルツ波 共鳴の光学的方法(光ポンビング法)の発見と開発</li> </ul>					
967	H. A. Bethe 核反応運論に対す る貢献。とくに星におけるエ ネルギー発生に関する発見					
968	L. W. Alvarez 水素泡箱) る素粒子の共鳴状態に関 研究	C よ する				
969	M. Gell-Mann 素粒子の分 相互作用に関する発見との	題と 形完				

年	物理学賞	年
1970	H. Alfvén 電磁流体力学での 基礎的研究 L. Néel 反強磁性と強磁性に関	1983
1971	する基礎的研究 D. Gabor ホログラフィーの発 明とその後の発展に対する寄	1984
1972	J. Bardeen, L. N. Cooper, J. R. Schrieffer 超伝導現象の 理論的解明(BCS 理論)	1985
		1986
1973	<ul> <li>江崎玲於奈 I. Giaever 半導体 におけるトンネル効果と超伝 導体の実験的発見</li> <li>B. Josephson ジョゼフソン効 里の可要的A.201</li> </ul>	1987
1974	M. Ryle, A. Hewish 電波天文 学における先駆的研究	1988
1975	J. Rainwater, A. Bohr, B. R. Mottelson 原子核構造に関 する研究	1989
1976	S.C.C.Ting, B.Richter 重い 素粒子(J/ ψ粒子)の発見	1990
1977	P. W. Anderson, J. H. van Vleck, N. F. Mott	1992 1991
1978	P. L. Kapitsa 低温物理学にお ける基礎的研究 A. A. Penzias, R. W. Wilson 宇宙マイクロ波背景放射の発 目	1993
1979	S. L. Glashow, S. Weinberg, A. Salam 中性カレントの子 言,電磁相互作用と弱い相互	1994
1980	作用の統一理論への寄与 J. W. Cronin, V. L. Fitch 中 性K中間子崩壊における基本 対称性の破れの発見	1995
1981	N. Bloembergen, A. L. Schawlow レーザー分光学 への客与	1997
1982	K. Siegbahn 高分解能光電子 分光法の開発 K.G. Wilson 物質の相転移に 関連した臨界現象に関する理	

	物理学賞
1983	S. Chandrasekhar, W. A. Fowler 星の進化 構造を知
	るうえで重要な物理的過程の 研究
1984	C. Rubbia, S. van der Meer 素粒子(W. Z 粒子)の発見をも たらしたプロジェクトへの貢
1985	K. von Klitzing 量子ホール効 果の発見と物理定数の測定技 術の開発
1986	E. Ruska 電子顕微鏡に関する 基礎研究と開発
	G. Binnig, H. Kohrer 走 査 型 トンネル顕微鏡の開発
1987	J. G. Bednorz, K. A. Muller 酸化物高温超伝導体の発見
1988	L. Lederman, M. Schwartz, J.
	Steinberger μニュートリノ の発見とレプトンの2重構造 の実証
1989	N. F. Ramsey, H. G. Delmlt, W. Paul 高精度原子分光法
1990	の開発 J. I. Friedman, H. W. Ken-
	dall, R.E. Taylor 陽子と重 水素核による電子の深部非弾 性散乱に関する研究
1991	G. de Gennes より複雑な高分 子,液晶,超伝導磁性材料の相 転移現象の数学的研究
1992	G. Charpak 素粒子実験用の多 線式比例計数箱の開発
1993	R. A. Halse, J. H. Taylor 連 星バルサーの発見
1994	B. N. Brockhouse, C. G. Shull 高密度物質研究のための中性 スサイロ法の開発
1995	M. L. Perl, F. Reines レプト ン(軽粒子)物理学の先駆的実
1996	D. M. Lee, R. C. Richardson
	D. D. Osheroff ヘリウム3 の超流動の発見
1997	S. Chu, C. Cohen-Tannoudji, W. D. Phillips レーザーを

#### 1998: R. B. Laughlin, H. L. Stormer and D. C. Tsui, 分数量子電荷の量子流体状態の研究

2001: E. A. Cornell, W. Ketterle, C. R. Wieman, アルカリ原子のボーズ・アインシュタイン凝縮

#### 2003年 ノーベル賞

(昨年は低温の当たり年/3部門とも低温絡み)

物理: A.A. Abrikosov, V. V. Ginzburg, A. J. Leggett,

超伝導と超流動の理論

化学: P. Agre: アクアポリオン膜の水チャンネル

(本学の極低温顕微鏡が重要な仕事をした)

R. MacKinnon: イオン・チャンネル

医学: P. C. Lauterbur and P. Mansfield,

MRIの開発(超伝導マグネット)